



مركز ثقل

9 June

$$\vec{r}_{COM} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2}{m_1 + m_2}$$

$$a_{COM} = \frac{m_1 a_1 + m_2 a_2}{m_1 + m_2}$$

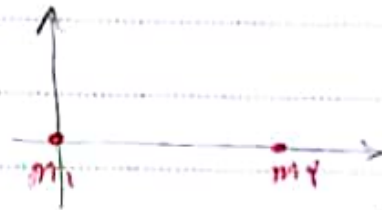
z_{COM}

$$y_{COM} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2}{m_1 + m_2}$$

$m_1 = 4 \text{ kg}$

$m_2 = 8 \text{ kg}$

$M_{tot} = 12 \text{ kg}$



8 June

$$x_{COM} = \frac{4 \times 0 + 8 \times 4}{12} = \frac{32}{12} = \frac{8}{3}$$

$$\frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i x_i + m_2 x_2 + \dots$$

$y_{COM} = 0$

$$\frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i y_i + m_2 y_2 + \dots$$

$$M \vec{v}_{COM} = m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 + m_3 \vec{v}_3$$

السرعة الكلية

السرعة الكلية

$$M \vec{a}_{COM} = m_1 \vec{a}_1 + m_2 \vec{a}_2 + m_3 \vec{a}_3$$

القوة الكلية

$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3$$

$$\vec{F}_{net}$$

القوة الكلية

$$\vec{r}_{COM} = \frac{1}{M} \int \vec{r} dm$$



18

$$P_b = \frac{Q}{t} = k A \frac{T_F - T_i}{L}$$

$$Q = \sigma \epsilon A T^4$$

$$N_A = 6.02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$n = \frac{N}{N_A}$$

$$n = \frac{M_{\text{sam}}}{M_{\text{molar}}}$$

$$m = N_A m$$

$$PV = nRT$$

$$R = 8.314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

$$PV = nRT$$

$$k = \frac{R}{N_A}$$

$$W = \int_{V_i}^{V_f} P dV$$

constant

$$W = 0$$

$$W = P \Delta V$$

$$PV = nRT$$

$$P = nRT \frac{1}{V}$$

$$W = nRT \ln \frac{V_f}{V_i}$$

$$E_k = \left(\frac{1}{2} m v^2 \right)_{\text{avg}} = \frac{1}{2} m (v^2)_{\text{avg}}$$

$$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{3RT}{m}}$$

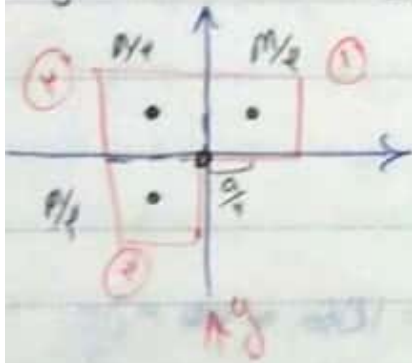
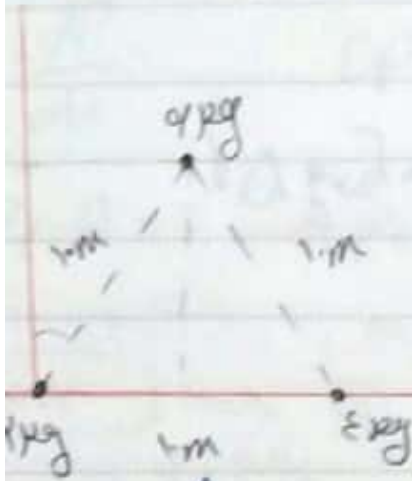
دانشگاه صنعتی امیرکبیر

$$g_{cm} = 1.029 \times 10^8 \text{ m/s}^2$$

$$g_{cm} = \frac{y_1 x_1 + E x_1 + 2 x_1 d}{14} = \frac{14}{14} = 1 \text{ m}$$

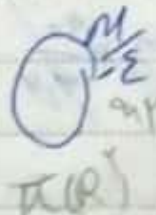
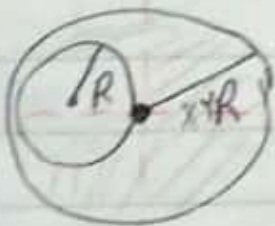
$$y_{cm} = \frac{1 x_1 + 6 x_1 + 9 x_1 + 9 x_1 + 9 x_1 + 9 x_1}{14} = \frac{40 x_1}{14} = \frac{20 x_1}{7}$$

$$y_{cm} \approx 3$$



$$g_{cm} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{1 \times 1 + 6 \times 1 + 9 \times 1}{1 + 6 + 9} = \frac{16}{16} = 1$$

$$y_{cm} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{1 \times 1 + 6 \times 1 + 9 \times 1}{1 + 6 + 9} = \frac{16}{16} = 1$$



$$M = \frac{M}{A} \quad \rho = \frac{M}{V} \quad \lambda = \frac{M}{L}$$

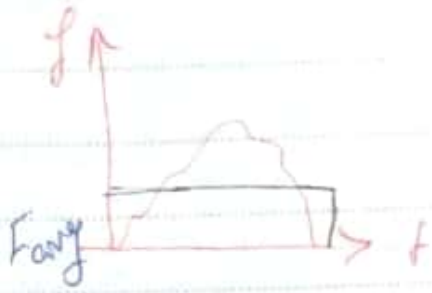
$$M = \sigma A \quad g_{cm} = \frac{0 \times 0 + (-\frac{M}{2}) \times R}{M - \frac{M}{2}} = \frac{-\frac{MR}{2}}{\frac{M}{2}} = -R$$

$$y_{cm} = 0$$

$$P = M \vec{v}$$

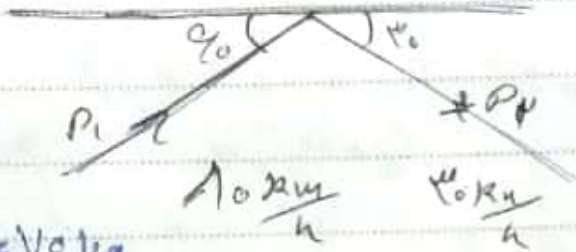
$$\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d(M\vec{v})}{dt} = M \frac{d\vec{v}}{dt} = M\vec{a}$$

$$\int dp = \int F dt \rightarrow \Delta p = p_2 - p_1 = \int_{t_1}^{t_2} F dt$$



$$J = \int_{t_i}^{t_f} F dt = F_{avg} \Delta t$$

$$\vec{J} = \Delta \vec{P} = P_f - P_i$$



$$M = V \rho \text{ kg}$$

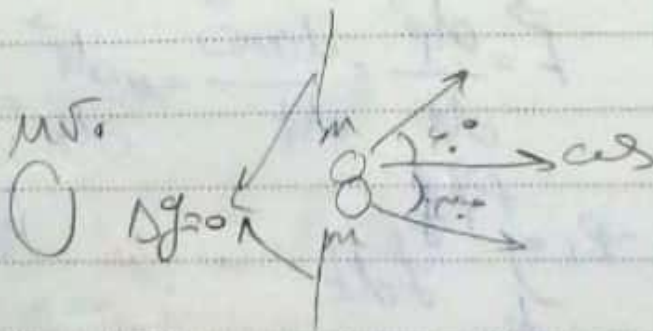
$$P_1 = M V = V \rho \times \frac{A_0}{\frac{x_0}{h}} = 1260 \text{ kg m/s}$$

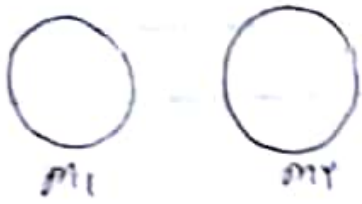
$$P_2 = M V = V \rho \times \frac{A_0}{\frac{x_0}{h}} = 1260 \text{ kg m/s}$$

$$J_x = P_1 \cos \alpha_0 + P_2 \cos \psi_0 =$$

$$J_y = P_1 \sin \alpha_0 - P_2 \sin \psi_0 =$$

$$|J| = \sqrt{J_x^2 + J_y^2} \quad J = F_{avg} \Delta t$$





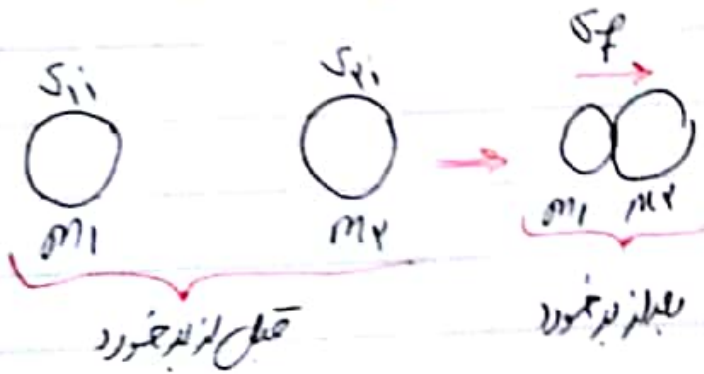
۱- برخورد ناسان ← بقای تکانه خطی

بقای انرژی مکانیکی

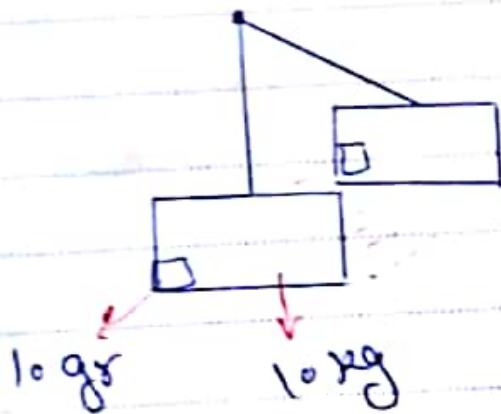
$$m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$

۲- برخورد ناسان → انرژی تبدیل به گرما و صدای می‌شود.

۳- برخورد کشسان → اصل بقای تکانه و انرژی هر دو برقرار است.



بروز ناسان کامل



$$v = ?$$

$$P_1 = P_2$$

$$m v + M \times 0 = (m + M) v$$

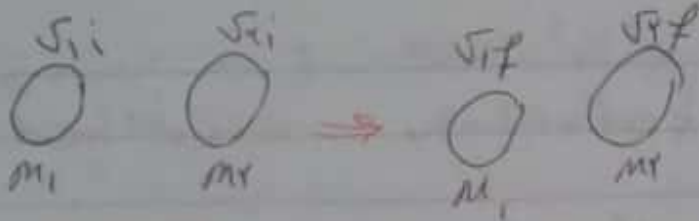
$$v = \frac{m + M}{m} v$$

$$\Delta K + \Delta U = 0 \Rightarrow K_2 - K_1 + U_2 - U_1 = 0$$

$$0 - \frac{1}{2}(m + M)v^2 + (m + M)gh - 0 = 0$$

$$v^2 = 2gh \Rightarrow v = \sqrt{2gh}$$

$$v = \frac{m + M}{m} \sqrt{2gh}$$



برخورد مستقیم

و در صورتی که

برخورد غیرمستقیم

$$\vec{v}_{com} = \frac{1}{m} \sum m_i \vec{v}_i$$

$$P_i = P_f$$

$$\left\{ \begin{aligned} m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} &= m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f} \\ E_i &= E_f \end{aligned} \right.$$

$$\frac{1}{2} m_1 v_{1i}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{2i}^2 = \frac{1}{2} m_1 v_{1f}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{2f}^2$$

$$\Rightarrow v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{2m_2}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

$$\Rightarrow v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

نقطه ۱۰

$$v = \frac{ds}{dt} \quad \text{حرکت خطی} \quad \leftarrow \quad q(t) \quad \text{(دوران)} \quad \leftarrow$$

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} \quad \text{حرکت زاویه‌ای} \quad \leftarrow \quad \theta(t) \quad \leftarrow$$

$$\text{حرکت خطی} \Rightarrow \bar{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} \quad a = \frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dt^2}$$

$$\text{حرکت زاویه‌ای} \Rightarrow \bar{\omega} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \quad \alpha = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\theta}{dt^2}$$

حرکت زاویه‌ای

$$v = at + v_0$$

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x$$

$$a = \frac{1}{t} \frac{dv^2}{dt} = 2v \frac{dv}{dt} = 2v \alpha$$

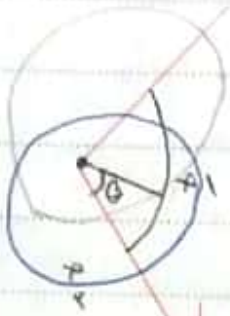
← حرکت خطی

$$\omega = \alpha t + \omega_0$$

$$\theta = \frac{1}{2} \alpha t^2 + \omega_0 t + \theta_0$$

$$\omega^2 - \omega_0^2 = 2\alpha \Delta \theta$$

← حرکت زاویه‌ای



$$s = R \theta$$

$$\theta = \frac{s}{R} = \frac{v t}{R} = \frac{v}{R} t$$

$$s = R\theta$$

$$\frac{ds}{dt} = R \frac{d\theta}{dt} \Rightarrow v = R\omega$$

← حرکت خطی

$$\frac{dv}{dt} = R \frac{d\omega}{dt} \Rightarrow a = R\alpha$$

$$a = R\alpha$$

$$\theta(t) = 0,9 t^2 + t$$

← حرکت زاویه‌ای

← حرکت خطی

← حرکت زاویه‌ای

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} = -1,8t + 1$$

$$\bar{\omega} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{\theta(t=2) - \theta(t=1)}{2-1} = -0,9$$

$$\frac{-0,9 - 0,9}{1} = -1,8 \text{ rad/s}$$

$$\alpha = \frac{d\omega}{dt} = -1,8 \text{ rad/s}^2$$

← حرکت زاویه‌ای

مسئله 8 فرض کنید چرخ فلکی که دور با نسبت زاویه‌ای ثابت ω سرعت خود را از $\frac{3}{2}$ به $\frac{2}{3}$ تغییر دهد. $\omega_1 = \frac{3}{2} \text{ rad/s}$ به $\omega_2 = \frac{2}{3} \text{ rad/s}$ تغییر می‌دهد. $\omega_1 = \frac{3}{2} \text{ rad/s}$ و $\omega_2 = \frac{2}{3} \text{ rad/s}$

پس در این مدت چرخ فلکی چقدر زاویه می‌چرخد؟

الف) $\omega_1 = \frac{3}{2} \text{ rad/s}$ $\omega_2 = \frac{2}{3} \text{ rad/s}$

الف) $\Delta\theta = 20 \text{ rev} \Rightarrow 20 \times 2\pi \text{ rad} = 40\pi \text{ rad}$

$\omega_2 - \omega_1 = \alpha \Delta\theta \Rightarrow \left(\frac{2}{3}\right) - \left(\frac{3}{2}\right) = \alpha \cdot 40\pi \Rightarrow \alpha = -\frac{1}{40\pi} \text{ rad/s}^2$

ب) $\omega = \alpha t + \omega_0 \Rightarrow \frac{2}{3} = -\frac{1}{40\pi} t + \frac{3}{2} \Rightarrow t = 40\pi \text{ s}$

انرژی جنبشی چرخشی

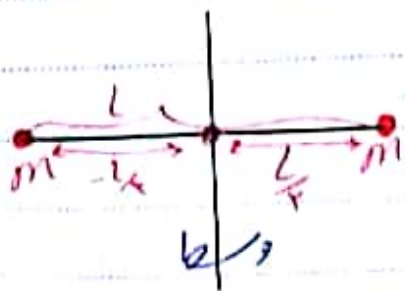


$E_k = \sum \frac{1}{2} m v^2$

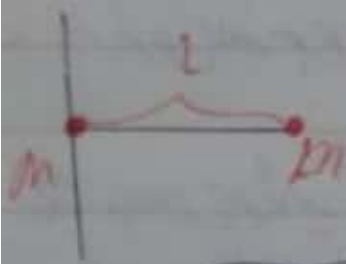
$E_k = \sum \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow \sum \frac{1}{2} m (r\omega)^2$

$\Rightarrow \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n m x_i^2 \omega^2 \Rightarrow \frac{1}{2} I \omega^2$ ← انرژی جنبشی با وفق دورانی

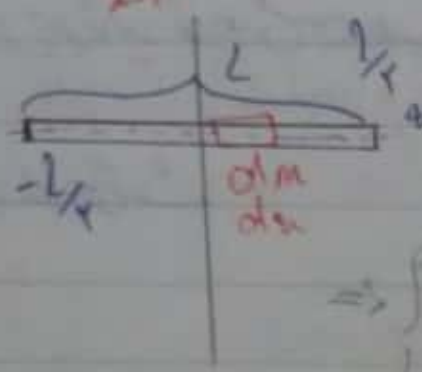
انرژی جنبشی جسم اودال نسبت به I لختی دورانی



مسئله 8 $I = \sum m x_i^2 = m \left(\frac{l}{2}\right)^2 + m \left(\frac{l}{2}\right)^2 = \frac{m l^2}{4} + \frac{m l^2}{4} = \frac{m l^2}{2}$



$$I = m \times 0 + ml^2 = ml^2$$



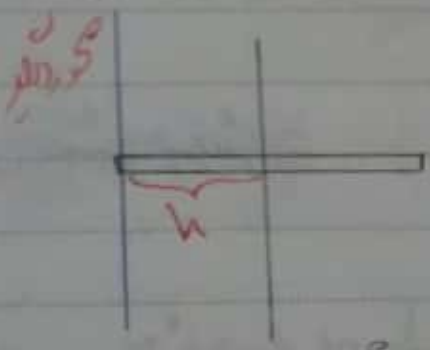
$$I = \int r^2 dm = \int x^2 dm \quad \frac{dm}{dx} = \frac{m}{l}$$

$$\Rightarrow \int_{-l/2}^{l/2} x^2 \left(\frac{m}{l} dx\right) = \frac{m}{l} \int_{-l/2}^{l/2} x^2 dx$$

$$\frac{m}{l} \left(\frac{x^3}{3} \Big|_{-l/2}^{l/2} \right) = \frac{m}{l} \left(\left(\frac{l}{2}\right)^3 - \left(-\frac{l}{2}\right)^3 \right) = \frac{1}{12} ml^3$$

مركز ثقله في المنتصف

$$I = I_{cm} + mh^2$$



$$I = \frac{1}{12} ml^3 + m \left(\frac{l}{2}\right)^2$$

مركز ثقله في المنتصف

$$E_k = \frac{1}{2} I \omega^2 \quad \leftarrow \quad I = \frac{1}{2} m R^2$$

117 - 10 - 11 10 جلد 1 و 2 و 3 و 4 و 5 و 6 و 7 و 8 و 9 و 10 و 11 و 12 و 13 و 14 و 15 و 16 و 17 و 18 و 19 و 20 و 21 و 22 و 23 و 24 و 25 و 26 و 27 و 28 و 29 و 30 و 31 و 32 و 33 و 34 و 35 و 36 و 37 و 38 و 39 و 40 و 41 و 42 و 43 و 44 و 45 و 46 و 47 و 48 و 49 و 50 و 51 و 52 و 53 و 54 و 55 و 56 و 57 و 58 و 59 و 60 و 61 و 62 و 63 و 64 و 65 و 66 و 67 و 68 و 69 و 70 و 71 و 72 و 73 و 74 و 75 و 76 و 77 و 78 و 79 و 80 و 81 و 82 و 83 و 84 و 85 و 86 و 87 و 88 و 89 و 90 و 91 و 92 و 93 و 94 و 95 و 96 و 97 و 98 و 99 و 100

ترمودینامیک

نصف ۱۶

$$T_C = T - ۲۷۳$$

درجه سلسیوس ← سلسیوس (مقیاسی که در C°)

$$T_F = \frac{9}{5} T_C + ۳۲$$

درجه سلسیوس ← فارنهایت

مثال: در ترمودینامیک اگر A و B، C و B، و A و B در تقابل گرمایی باشند، A و B در تقابل گرمایی دارند.



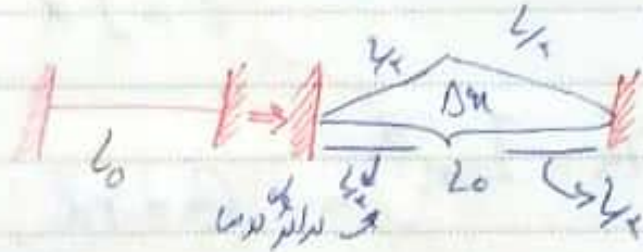
در اثر ولد کردن انرژی گرمایی مستطی التور.

$$\Delta T \uparrow \quad \Delta L \uparrow$$

$$L = L_0 (1 + \alpha \Delta T)$$

$$\Delta L = \alpha L_0 \Delta T$$

تغییر طولی → طول اولیه



$$\Delta h = L_0 \left(\frac{L_1}{L_0} - 1 \right)$$

$$L = L_0 (1 + \alpha \Delta T)$$

مساحت $\Delta A = 2\alpha A_0 \Delta T$

حجم $\Delta V = 3\alpha V_0 \Delta T$

تغییر مساحتی

$$V_1 = ۳۷۷ \text{ cm}^3 \rightarrow V_2 = ۴$$

تغییر حجمی → تغییر مساحتی

مثال ۸

-۲۷°C

۲۷°C

$$\Delta V = \beta V_0 \Delta T \Rightarrow \Delta V = 9,0 \times 10^{-2} \times ۳۷۷ \text{ cm}^3 \times (T_F - T_i)$$

$$\beta = 9,0 \times 10^{-2} \text{ }^\circ\text{C}^{-1}$$

$$\Delta V = -۱۵۸ \text{ cm}^3$$

$$V = V_0 - \Delta V \Rightarrow ۳۷۷ \text{ cm}^3 - ۱۵۸ = ۲۱۹ \text{ cm}^3$$

Q واحد آن J $cal = 2112 J$

$A = \frac{Q}{\Delta t} = \frac{J}{(C^{\circ} \cdot s)}$ \rightarrow $C = \frac{Q}{m c \Delta t} \left(\frac{J}{g \cdot C^{\circ}} \right)$
 ↓
 ظهیر

$Q = m L_f$ ذوب
 ← انتقال بخار
 ← تغییر حالت

۱- آند گرم و ولردی سرد $Q > 0$
 آند خاردی سرد $Q < 0$
 ۲- $\Delta T = T_f - T_i$
 ابدی سردی

مثال ۱: مسی با $m_c = 75 g$ و دانه کدالته در دمای آن $T_c = 312^{\circ}C$ می سرد و داخل

ظرف آبی اندازه $A = 45 \frac{cal}{g \cdot C^{\circ}}$ طالع بخیر است. دمای نهایی را بیست آورید؟

$m_c = 75 g$ $T_c = 312^{\circ}C$ $A = 45 \frac{cal}{g \cdot C^{\circ}}$

$T = 12^{\circ}C$ $m_w = 140 g$ $T_f = 0,092 \frac{cal}{g \cdot C^{\circ}}$

$Q_w = m_w C_w \Delta T_w (T_f - T_{iw})$ $Q_w + Q_c + Q_A = 0$

$Q_c = m_c C_c (\Delta T_c)$ $m_w C_w (T_f - T_{ic}) + A (T_f - T_c) +$

$Q_A = A \Delta T_w$ $m_c C_c (T_f - T_{ic}) = 0$

$m_w C_w T_f + A T_f + m_c C_c T_f \Rightarrow$ فالتیاری

فصل ۱۴

$m_c = 140 \text{ gr}$

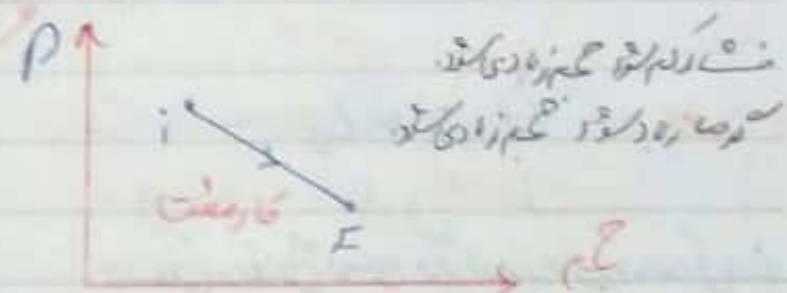
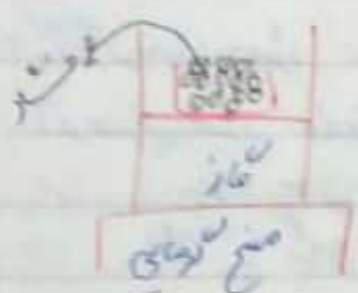
$T_c = -10^\circ \text{C}$

$T = 10^\circ \text{C}$

8 کلو

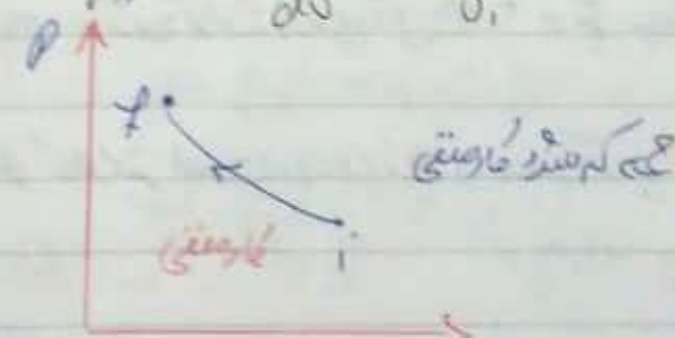
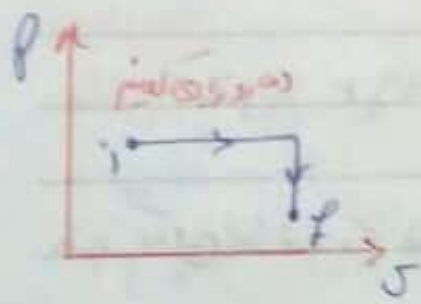
$Q = mC(T_f - T_i) \Rightarrow Q = L_f \Delta T = 740 \times L_f$

$Q_f = m_w (T_f - T_i)$



نشان دهنده کار مثبت است
که در دایره دگرگونی انجام می‌دهد

$W = \int P dV \Rightarrow W = \int P dV$



کار کمتر کار منفی

$\Delta E_{int} = Q - W$

۱) وقتی تغییری در تغییرات آن صورت نگیرد و فقط دگرگونی انجام می‌دهد (چون تغییرات انرژی)

تغییرات انرژی کمتر

$W = 0$

۲) قدر کمترین

$\Delta E = Q - W = Q$

نشان دهنده کار مثبت است

$W = P \Delta V \Rightarrow \Delta E = Q + W$

۳) قدر کمترین

۱۴ جمعه

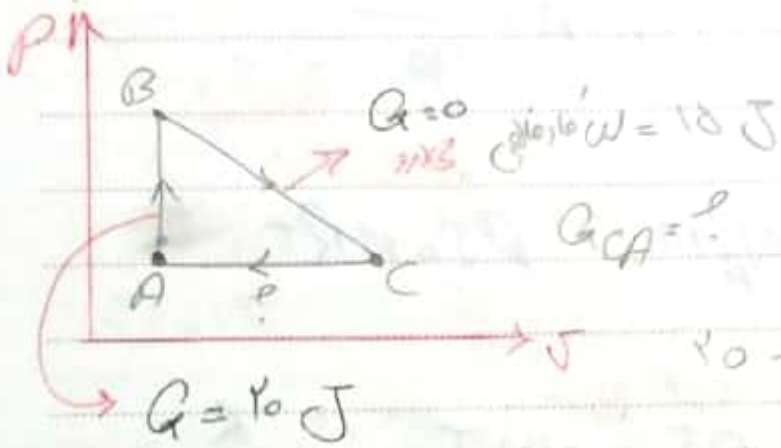
$$Q=0 \Rightarrow \Delta E = -W$$

فرکانسی (۱۰۰)

$$Q=0 \quad \Delta E=0$$

$$W=0$$

استاندارد



محور فشار و حجم

$$Q_{CA} = ? \quad \Delta E = 0 \quad Q - W = 0$$

$$0 + 0 + Q_{CA} - 10 = 0$$

۱۰، ۰، ۰، ۱۰، ۲۰، ۳۰، ۴۰، ۵۰

$$\Delta E = dE_0 \Delta T \rightarrow E = E_0 (1 + dE_0 \Delta T)$$

$$Q = mc \Delta T \quad Q = nC \Delta T \quad Q = \tau m l_f$$

$$Q = \tau m l_v$$

$$\Delta E_{int} = Q - W$$

$$Q=0$$

$$\Delta E = -W$$

۱۰۰

$$W = p dV$$

$$\Delta E_{int} = Q - p dV$$

مختار

۱۰۰

$T_i = 40^\circ\text{C}$ $T_f = 40^\circ\text{C}$
 $P_i = 10 \text{ atm}$ $P_f = ?$
 $V_i = 12 \text{ L}$ $V_f = 19 \text{ L}$

! *نکته 10* *فشار نهایی*

$PV = nRT \Rightarrow nR = \frac{PV}{T}$

$\frac{P_i V_i}{T_i} = \frac{P_f V_f}{T_f}$ $T_i = (40 + 273) \text{ K}$
 $T_f = (40 + 273) \text{ K}$

نکته

$n = 1 \text{ mol}$ $T = 313 \text{ K}$ $V_i = 12 \text{ L}$

$V_f = 19 \text{ L}$ $W = nRT \ln \frac{V_f}{V_i}$

$W = 1 \times 8.314 \times 313 \times \ln \frac{19}{12}$

$\lambda = \frac{1}{\nu} = \frac{v}{\nu} = \frac{v}{\frac{v}{\lambda}} = \lambda$

(*میانگین مسافت بین برخوردها*)
با مولکول دیگر برخورد کند

$PV = nRT$
 $\frac{V}{V} = \frac{P}{RT}$

$\left[v_{avg} = \sqrt{\frac{10RT}{\pi m}} \right]$

$\left[v_{rms} = \sqrt{\frac{3RT}{m}} \right]$

$\left[v = \sqrt{\frac{3RT}{m}} \right]$

$DE_{int} = nC_v \Delta T$

تغییرات انرژی درجه‌ای

تغییرات انرژی درجه‌ای

فصل 10

$C_V = \frac{14}{7} R \rightarrow \frac{2}{1}$

$C_V = \frac{5}{2} R$

$\Delta E_{int} = \frac{14}{7} nRT$

$\Delta E = Q - w$

$\Rightarrow nC_V \Delta T = nC_P \Delta T - nR \Delta T$

$C_V = C_P - R \rightarrow \boxed{C_P = C_V + R}$ ظرفیت گرمایی مولی در فشار ثابت

$\Rightarrow C_P = \frac{14}{7} R + R = \frac{21}{7} R$

$\Rightarrow C_P = \frac{21}{7} R + R = \frac{28}{7} R$

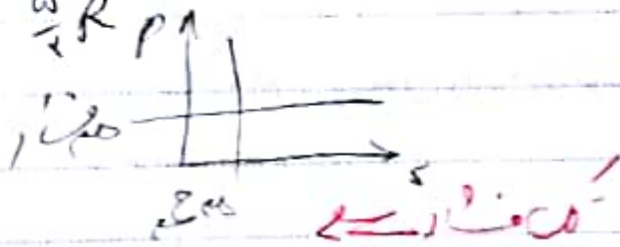
$PV^\gamma = \text{ثابت}$

$TV^{\gamma-1} = \text{ثابت}$

$\gamma = \frac{C_P}{C_V} = \frac{\frac{28}{7} R}{\frac{14}{7} R} = 2$

$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma$

$\Delta E_{int} = Q - w = nC_V \Delta T$



$w = P \Delta V \quad Q = nC_P \Delta T$

$\Delta E_{int} = 0 \quad Q = w = nRT \ln \frac{V_f}{V_i}$

$w = 0 \quad \Delta E_{int} = nC_P \Delta T$

$Q = 0 \quad \Delta E_{int} = -w = nC_V \Delta T$

$\Delta E_{int} = Q - w \quad Q = nC_P \Delta T \quad w = P \Delta V$

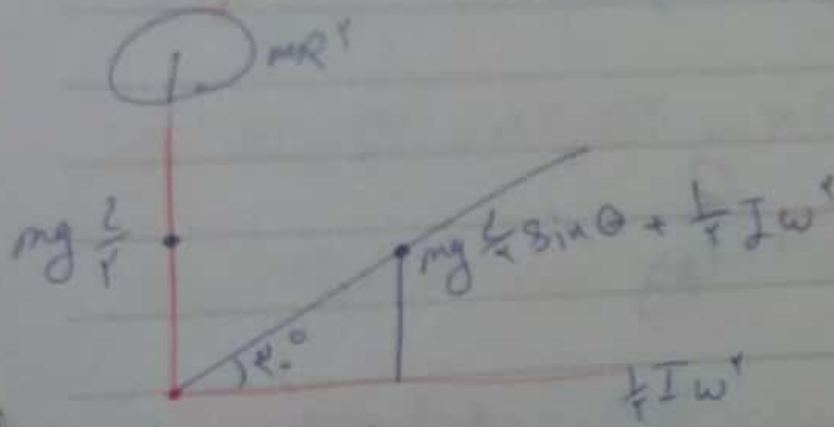
14 June

15 June
16 June
17 June

$$x = \frac{Q_L}{\omega} \rightarrow x = \frac{Q_L}{Q_H - Q_L} \rightarrow \frac{T_L}{T_H - T_L}$$

18 June

19 June
20 June



$$I = mR^2 + m(R + L)^2 \quad \frac{1}{12} ml^2 + m\left(\frac{L}{2}\right)^2 = \frac{1}{12} ml^2$$

$$I = mR^2 + m(R+L)^2 \quad \frac{1}{12} mL^2 + m\left(\frac{L}{2}\right)^2 = \frac{1}{12} mL^2$$

دینا ہے
 ۹ فصل ۹ فصل ۹ فصل ۹ فصل ۹ فصل

$$I = \sum p_i r_i^2 \quad I = \sum p_i r_i^2$$

۱۵، ۲۷، ۲۹، ۲۸، ۱۱ فصل ۱۵، ۲۷، ۲۹، ۲۸، ۱۱ فصل ۱۵، ۲۷، ۲۹، ۲۸، ۱۱ فصل

۱۱ فصل ۱۱ فصل ۱۱ فصل ۱۱ فصل ۱۱ فصل

$$D = \alpha / \Delta T \quad (P_i) \quad (P_i)$$

۱۸، ۱۶، ۱۵، ۱۹، ۱۷، ۲۱
 (تقریباً) (تقریباً)

۱۷، ۱۵، ۱۶، ۱۸، ۱۹ فصل ۱۷، ۱۵، ۱۶، ۱۸، ۱۹ فصل

۱۵، ۱۷، ۱۶، ۱۸، ۱۹ فصل ۱۵، ۱۷، ۱۶، ۱۸، ۱۹ فصل

۱۵ فصل ۱۵ فصل ۱۵ فصل ۱۵ فصل ۱۵ فصل

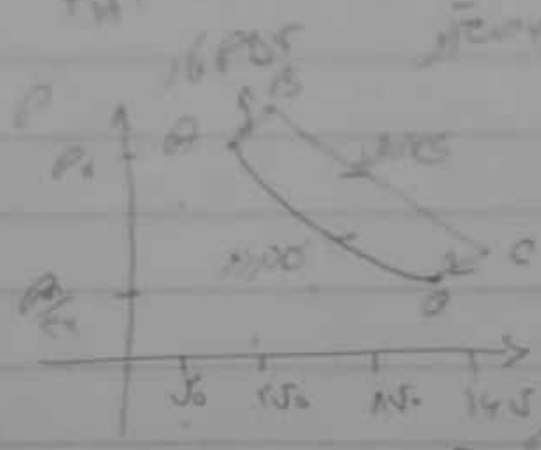
$$P = cT \quad \rightarrow P = \frac{nRT}{V}$$

۱۵ فصل ۱۵ فصل ۱۵ فصل ۱۵ فصل ۱۵ فصل

$\Delta Q = \frac{Q}{T}$ $\Delta Q = \frac{Q}{T}$ فصل ۱۲، ۱۳، ۱۴، ۱۵، ۱۶، ۱۷، ۱۸، ۱۹، ۲۰، ۲۱، ۲۲، ۲۳، ۲۴، ۲۵، ۲۶، ۲۷، ۲۸، ۲۹، ۳۰، ۳۱، ۳۲، ۳۳، ۳۴، ۳۵، ۳۶، ۳۷، ۳۸، ۳۹، ۴۰، ۴۱، ۴۲، ۴۳، ۴۴، ۴۵، ۴۶، ۴۷، ۴۸، ۴۹، ۵۰، ۵۱، ۵۲، ۵۳، ۵۴، ۵۵، ۵۶، ۵۷، ۵۸، ۵۹، ۶۰، ۶۱، ۶۲، ۶۳، ۶۴، ۶۵، ۶۶، ۶۷، ۶۸، ۶۹، ۷۰، ۷۱، ۷۲، ۷۳، ۷۴، ۷۵، ۷۶، ۷۷، ۷۸، ۷۹، ۸۰، ۸۱، ۸۲، ۸۳، ۸۴، ۸۵، ۸۶، ۸۷، ۸۸، ۸۹، ۹۰، ۹۱، ۹۲، ۹۳، ۹۴، ۹۵، ۹۶، ۹۷، ۹۸، ۹۹، ۱۰۰

$\epsilon = \frac{Q_c}{Q_H} = 1 - \frac{Q_L}{Q_H} = \left| 1 - \frac{T_L}{T_H} \right|$

$\Delta Q_c = \frac{Q_L}{\omega} = \frac{T_L}{T_H - T_L}$



$P_B \sqrt{V_B} = P_C \sqrt{V_C}$
 $T_B \sqrt{V_B} = T_A \sqrt{V_A}$

$P_B \sqrt{V_B} = P_C \sqrt{V_C}$

$T_B \sqrt{V_B} = T_A \sqrt{V_A}$

$\Delta E_{20} = \omega - Q$

$\epsilon = \frac{\omega}{Q_H} = \frac{P \Delta V}{P \Delta T}$

...

...